

## МОДЕЛИРОВАНИЕ ФОКУСИРУЮЩЕЙ МИКРОЛИНЗЫ ДЛЯ ОЖЕ-АНАЛИЗАТОРА С ЦЗА

© 2013 г. М. Д. Бельский, Б. Г. Львов, В. В. Рыбалко

Московский институт электроники и математики НИУ ВШЭ

E-mail: mikhael-b@rambler.ru

Изложены методика и результаты моделирования пленочной зондоформирующей линзы, удовлетворяющей жестким массо-габаритным требованиям и предназначенному для использования в составе оже-анализатора с ЦЗА. Получены оптимизированные, электронно-оптические характеристики линзы (распределение рабочих потенциалов, геометрия электродного пространства).

DOI: 10.7868/S0367676513080061

Создание бортового аналитического комплекса (БАК) для космических исследований требует решения ряда задач, не являющихся приоритетными в традиционном приборостроении, в частности миниатюризация отдельных узлов и систем в целом. Сказанное в полной мере относится к модулю оже-анализа, входящему в состав БАК.

Наиболее часто в оже-анализаторах применяют электронно-оптические системы, построенные с использованием цилиндрических зеркальных анализаторов (ЦЗА), обладающих рядом преимуществ, по сравнению с другими типами анализаторов. Приемлемое значение относительного разрешения (лучше 0.2%) в ЦЗА сочетается с высокой эффективностью сбора вторично-эмиссионного сигнала [1]. При этом максимальная эффективность достигается при соосном размещении анализатора и системы фокусировки электронного зонда, причем фокусирующая система должна не только обеспечивать заданную геометрию и плотность тока в пучке, но и обладать малыми массо-габаритными характеристиками. Такими характеристиками потенциально обладают пленочные линзы [2], однако их геометрия, конструктивное исполнение требуют оптимизации по ряду параметров: это и технология изготовления, и число электродов, и геометрические соотношения в комбинации с подаваемыми потенциалами, обеспечивающими приемлемые распределения полей.

В качестве базового узла миниатюрной электронно-оптической системы рассматривалась пленочная линза с дисковыми коаксиальными электродами, которая может быть выполнена с учетом возможностей кремниевой планарной технологии. Выбранная для макетирования опытных образцов технология основана на формировании электродов в пленочных слоях низкоомного кремния и удовлетворяет требованиям максимальной простоты и технологичности проектируемой системы.

Моделированию подвергались линзы с числом электродов от 3 до 6, рассчитанные на фокусировку электронных пучков с энергией в диапазоне единиц кэВ. Согласно свойствам диэлектриков, используемых в планарной кремниевой технологии, предельное значение напряженности поля в линзе не выше  $10 \text{ кВ} \cdot \text{мм}^{-1}$ .

При постановке задачи, было сформулировано условие унификации возможных конструктивных вариантов микролинз, поэтому основное внимание уделено диафрагменным микролинзам, описываемым двумя проектными переменными: межэлектродным расстоянием и диаметром отверстий. Оптимальные соотношения диаметров и межэлектродных расстояний для разных условий фокусировки могут служить основой для построения рационального ряда типоразмеров линз.

В самом общем виде задача оптимального проектирования формулируется как задача нахождения конфигурации электродов, удовлетворяющей определенным геометрическим ограничениям и обеспечивающей, при подаче соответствующих потенциалов, наилучшее качество фокусировки пучка в заданных условиях функционирования. Условия функционирования включают параметры источника, рабочие отрезки, требуемый уровень тока, ускоряющее напряжение, предельно допустимую напряженность поля. Геометрические ограничения касаются формы электродов и характерных внутренних размеров.

В настоящей работе область поиска оптимальных решений ограничена микролинзами, состоящими из тонких диафрагм с круглыми отверстиями. При этом процедура сводится к последовательному добавлению диафрагм и определению диаметров отверстий, межэлектродных расстояний и потенциалов, при которых достигаются предельные выходные характеристики пучка: либо минимальный радиус при заданном токе, либо

**Таблица 1.** Влияние относительного расстояния  $\Delta Z$  между диафрагмами на величину относительной погрешности  $\delta$  вычисления поля

$\frac{\Delta z}{R_2 - R_1}$	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$\delta \cdot 10^4$	-116.104	-36.9	-16	-8.29	-4.83	-3.06	-2.05	-1.44	-1.05

максимальный ток при заданном радиусе, либо абсолютный минимум пятна фокусировки.

В основе оптимизации лежат разные зависимости слагаемых, определяющих поперечный размер зонда, от геометрических параметров линзы.

Радиус зонда (пятна фокусировки) принято определять квадратичной суммой

$$r^2 = r_{\text{rayc}}^2 + \delta r_{\text{дифр}}^2 + \delta r_{\text{сф}}^2 + \delta r_{\text{xp}}^2 \quad (1)$$

радиусов гауссова изображения  $r_{\text{rayc}} = M r_0$ , аберрационных дисков – сферической  $\delta r_{\text{сф}} = M C_{\text{сф}} \alpha_0^3$  и хроматической аберрации  $\delta r_{\text{xp}} = M C_{\text{xp}} \alpha_0 \frac{\Delta U}{U_0}$  и дифракционного размытия  $\delta r_{\text{дифр}} = \frac{0.75M}{\alpha_0 (\text{рад}) \sqrt{U_0(B)}}$  (нм)

$$C_{\text{сф}} = \frac{1}{32} \int_{z_0}^{z_n} \sqrt{\frac{U}{U_0}} h^4 \left\{ \left( \frac{U'}{U} \right)^2 \left[ \frac{h'}{h} + \frac{5U'}{6U} \right]^2 + \frac{3}{2} \left( \frac{U''}{U} + \frac{U' h'}{U h} - \left( \frac{U'}{U} \right)^2 \right)^2 + \left( \frac{U'}{U} \right)^2 \left( \frac{h'}{h} + \frac{5U'}{6U} \right)^2 + \frac{1}{36} \left( \frac{U'}{U} \right)^4 + \left[ \left( \frac{U''}{U} + \frac{U' h'}{U h} \right) - \frac{5}{4} \left( \frac{U'}{U} \right)^2 \right]^2 \right\} dz, \quad (2)$$

$$C_{\text{xp}} = \frac{3}{8} \int_{z_0}^{z_n} \sqrt{\frac{U_0}{U}} h^2 \left( \frac{U'}{U} \right)^2 dz, \quad (3)$$

где  $h(z)$  – фундаментальное решение параксиального траекторного уравнения, удовлетворяющее граничным условиям  $h(z_0) = 0, h'(z_0) = 1, h(z_{n+1}) = 0$  ( $z_0, z_{n+1}$  – осевое положение источника и плоско-

( $r_0$  – радиус виртуального источника,  $M$  – линейное увеличение линзы,  $\alpha_0$  – полуугол апертуры пучка,  $\epsilon \Delta U$  – энергетический разброс электронов,  $U_0$  – потенциал электрического поля в области источника).

В качестве генератора электронного пучка предполагается использовать пушку с полевым катодом. Ток зонда с заданной угловой яркостью  $dI/d\Omega_0$  оценивался как  $I = \pi \alpha_0^2 dI/d\Omega_0$  в соответствующем телесном угле  $\Omega_0 = \pi \alpha_0^2$ .

Коэффициенты сферической и хроматической аберраций выражались известными интегралами [3]

сти фокусировки),  $U(z)$  – осевое распределение потенциала.

Поле  $n$ -электродной линзы рассматривалось как сумма полей бесконечно тонких заряженных диафрагм. При этом возможна аналитическая аппроксимация поля, дающая для осевого распределения потенциала выражение

$$U(z) = \frac{U_0 + U_{n+1}}{2} + \frac{E_0 z_1 + E_n z_n}{2} - \frac{E_0 + E_n}{2} z - \frac{1}{\pi} \sum_{i=1}^n (E_i - E_{i-1}) \left( (z - z_i) \arctg \frac{2(z - z_i)}{d_i} + \frac{d_i}{2} \right), \quad (4)$$

где  $U_i, z_i, d_i (i = 1, \dots, n)$  – потенциал, осевая координата и диаметр отверстия  $i$ -го электрода;  $U_0$  – потенциал в источнике,  $U_{n+1}$  – в плоскости изображения (фокусировки);  $E_i = \frac{U_i - U_{i+1}}{z_{i+1} - z_i}$  – однородная составляющая напряженности поля, примыкающего к  $i$ -му электроду справа.

Погрешности, возникающие при использовании обоих выше отмеченных приближений были

оценены и результаты оценки приведены в табл. 1 и на рис. 1. Из табл. 1 видно, что уже при расстоянии  $\Delta Z$  между диафрагмами, в 5 раз большем, чем разница радиусов отверстий диафрагм  $R_2 - R_1$ , погрешность вычисления поля  $\sim 10^{-3}$ , а при соотношении около 10 погрешность оказывается на уровне  $10^{-4}$ .

Из рис. 1 следует, что для толщин диафрагм порядка нескольких микрометров отклонение не

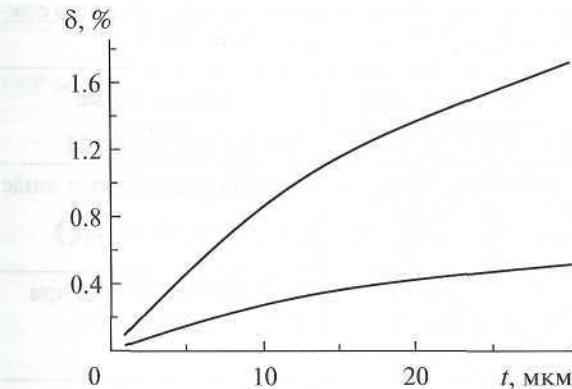


Рис. 1. Влияние толщины  $t$  диафрагмы на величину отклонения  $\delta$  осевого потенциала от рассчитанного методом конечных элементов для тонких диафрагм (верхняя кривая) и для диафрагм, толщина которых имитировалась парой тонких электродов (нижняя кривая).

превышает десятых долей процента. Что касается толщин диафрагм нескольких десятков микрон, то тут достаточно хорошее приближение дает пара тонких диафрагм.

Изучение влияния числа диафрагм в линзе на ее электронно-оптические характеристики, показало, что оптимальное количество электродов — 5. В качестве примера на рис. 2 приведен характер влияния числа электродов в линзе на ее хроматическую aberrацию. Дальнейшее увеличение

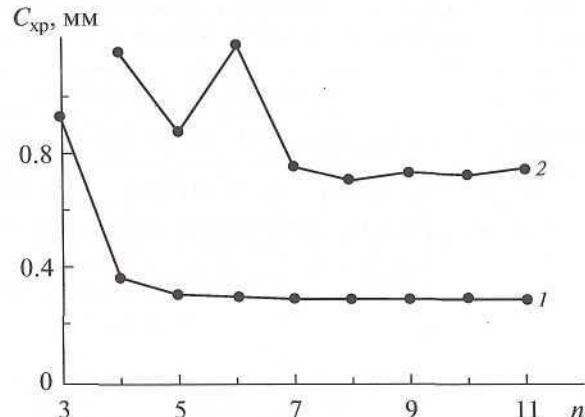


Рис. 2. Изменение коэффициента  $C_{xp}$  хроматической aberrации при увеличении количества  $n$  электродов линзы. Кривая 1 построена без учета ограничения по электрической прочности межэлектродных промежутков, выполненных по Si-планарной технологии, 2 — с учетом ограничения.

электродов значительно усложняет ее изготовление, но не приводит к заметному улучшению параметров.

Результаты моделирования приведены в табл. 2—4.

Из табл. 2 видно, что добавление пятого электрода позволяет улучшить параметры линзы примерно в 1.5–2 раза по сравнению с 4-электродными.

Полученные данные позволяют утверждать, что наиболее предпочтителен вариант 5-электродной

Таблица 2. Характеристики оптимизированных в отношении хроматической aberrации 4- и 5-электродных линз с одинаковыми межэлектродными расстояниями. Потенциалы первого  $U_1$  и последнего  $U_n$  электродов  $U_1 = U_n$ ,  $d_i/L_0 = 0.05$ ,  $E < E_{\text{пп}} = 10 \text{ кВ} \cdot \text{мм}^{-1}$

Число электродов $n$	Минимизируемая функция			$M$	Управляемые параметры $U_i/U_1, \text{ кВ}$	Специальные условия оптимизации
	$C_{xp}, \text{ мм}$	$MC_{xp}, \text{ мм}$	$M^2C_{xp}, \text{ мм}$			
4	1.15	2.48	5.28	2.14	$U_2 = 4.05$ $U_3 = 0.72$	Максимальный ток зонда
	1.15	2.48	5.28	2.14	$U_2 = 4.05$ $U_3 = 0.72$	Минимальный зонд при заданном токе
	1.15	2.48	5.28	2.14	$U_2 = 4.05$ $U_3 = 0.72$	Минимальный зонд
5	0.87	1.98	3.60	2.03	$U_2 = 3.50$ $U_3 = 1.05$ $U_4 = 2.70$	Максимальный ток зонда
	0.95	1.58	2.62	1.66	$U_2 = 3.50$ $U_3 = 1.44$ $U_4 = 3.50$	Минимальный зонд при заданном токе
	0.95	1.58	2.62	1.66	$U_2 = 3.50$ $U_3 = 1.44$ $U_4 = 3.50$	Минимальный зонд

**Таблица 3.** Характеристики оптимизированной в отношении сферической аберрации 5-электродной линзы с эквидистантным расположением электродов.  $U_1 = U_5$ ,  $L_a/L_0 = 0.25$ ,  $d_i/L_0 = 0.05$ ,  $E < E_{\text{пп}} = 10 \text{ кВ} \cdot \text{мм}^{-1}$

Число электродов $n$	Минимизируемая функция			$M$	Управляемые параметры $U_i/U_1$	Специальные условия
	$C_{\text{сф}}$ , мм	$MC_{\text{сф}}$ , мм	$M^4C_{\text{сф}}$ , мм			
5	17.20	40.18	512.64	2.33	$U_2 = 3.34$ $U_3 = 0.84$ $U_4 = 0.46$	Максимальный ток в зонде
	17.28	39.98	495.00	2.31	$U_2 = 3.37$ $U_3 = 0.87$ $U_4 = 0.45$	Минимальный зонд при заданном токе
	46.09	62.56	156.51	1.35	$U_2 = 0.58$ $U_3 = 1.23$ $U_4 = 3.50$	Минимальный зонд

**Таблица 4.** Характеристики оптимизированной в отношении хроматической аберрации 5-электродной линзы с варьируемыми в пределах  $0.1 \leq l_i/L_0 \leq 0.5$  межэлектродными расстояниями

Число электродов $n$	Минимизируемая функция			$M$	Межэлектродные расстояния $l_i/L_0$	Управляемые параметры $U_i/U_1$	Специальные условия
	$C_{xp}$ , мм	$MC_{xp}$ , мм	$M^2C_{xp}$ , мм				
5	0.74	1.82	2.46	2.46	$l_1 = 0.12$ $l_2 = 0.13$ $l_3 = 0.30$ $l_4 = 0.45$	$U_2 = 2.16$ $U_3 = 0.89$ $U_4 = 3.94$	Максимальный ток зонда
	0.85	1.48	2.54	1.72	$l_1 = 0.21$ $l_2 = 0.15$ $l_3 = 0.29$ $l_4 = 0.35$	$U_2 = 3.09$ $U_3 = 1.59$ $U_4 = 4.50$	Минимальный зонд при заданном токе
	0.98	1.54	2.46	1.58	$l_1 = 0.34$ $l_2 = 0.24$ $l_3 = 0.17$ $l_4 = 0.25$	$U_2 = 4.12$ $U_3 = 1.72$ $U_4 = 3.44$	Минимальный зонд

линзы с одинаковыми межэлектродными расстояниями, позволяющий минимизировать аберрационные характеристики в разных режимах формирования пучка за счет оптимизации внутренних потенциалов.

В заключение следует отметить, что использованная для проведения расчетов методика предоставляет возможность не только выбора оптимальных параметров фокусировки, но и оценки влияния технологических погрешностей изготовления линз на их электронно-оптические характеристики [4].

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Шевченко С.И. Научное приборостроение. 2010. Т. 20. № 2. С. 73.
- Казьмирук В.В., Савицкая Т.Н. // Изв. РАН. Сер. физ. 2009. Т. 73. № 4. С. 485; Kazimiruk V.V., Savitskaja T.N. // Bull. Russ. Acad. Sci.: Physics. 2009. V. 73. № 4. P. 461.
- Монастырский М.А. // Численные методы решения задач электронной оптики. Новосибирск: Изд-во ВЦ СО АН СССР, 1979. С. 108.
- Бельский М.Д., Лапшинов Б.А., Львов Б.Г. // Прикл. физика. 2006. № 4. С. 78.